

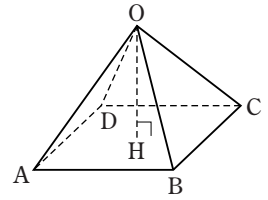
1 右の図の四角錐について、次の問いに答えなさい。

(1) 頂点を答えなさい。

(2) 底面を答えなさい。

(3) 側面をすべて答えなさい。

(4) 点Oから、面ABCDにひいた垂線がOHのとき、線分OHの長さを何といいますか。

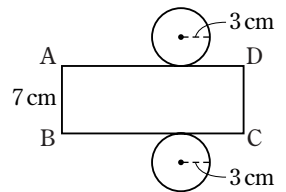


2 右の図はある立体の展開図です。次の問いに答えなさい。

(1) 立体の名前をいいなさい。

(2) 四角形ABCDの、辺ADの長さを求めなさい。

(3) 立体の高さは、何cmですか。



解答

1 (1) 点O (2) 面ABCD

(3) 面OAB, 面OBC, 面OCD, 面ODA (4) 高さ

●解き方

四角錐は、四角形を底面とし、4つの三角形を側面とする立体である。

2 (1) 円柱 (2) 6π cm (3) 7cm

●解き方

(2) 辺ADの長さは、底面の円の周の長さと等しいから、

$$2\pi \times 3 = 6\pi \text{ (cm)}$$

1 回転体について、次の問いに答えなさい。

- (1) 回転体を、軸に垂直な平面で切るとき、切り口は、どんな形をしていますか。
- (2) 円錐を、軸を通る平面で切るとき、切り口は、どんな形をしていますか。
- (3) 中心角 $\angle AOB$ が 180° のおうぎ形を、 AB を軸として1回転させると、どんな立体ができますか。
- (4) $\angle C$ が直角の直角三角形 ABC を、辺 AC を軸として1回転させると、どんな立体ができますか。また、その立体の母線となる辺を答えなさい。

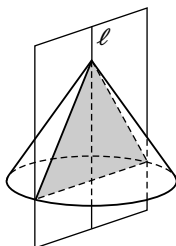
2 底面が、縦4cm、横5cmの長方形で、高さ8cmの角柱の側面積を求めなさい。
また、底面積、表面積を求めなさい。

解答

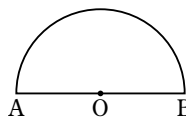
1 (1) 円 (2) 二等辺三角形 (3) 球 (4) 円錐、辺 AB

●解き方

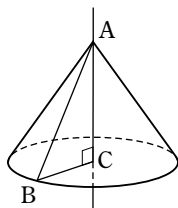
(2) 右の図のようになり、
切り口は二等辺三角形になる。



(3) 中心角が 180° のおうぎ形 OAB とは、下の図のような半円である。



(4) 右の図のような円錐ができる。
母線は辺 AB



2 側面積 144cm^2 底面積 20cm^2 表面積 184cm^2

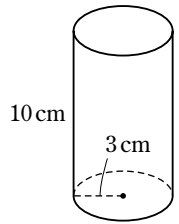
●解き方 底面の長方形の周の長さは、 $(4+5)\times 2=18(\text{cm})$ だから、側面積は、 $8\times 18=144(\text{cm}^2)$
1つの底面積は、 $4\times 5=20(\text{cm}^2)$ で、表面積は、 $144+20\times 2=184(\text{cm}^2)$

1 底面の半径が 3cm、高さが 10cm の円柱について、次の問いに答えなさい。

(1) 側面積を求めなさい。

(2) 底面積と表面積を求めなさい。

(3) 体積を求めなさい。

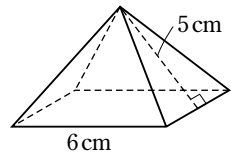


2 底面が 1 辺 6cm の正方形で、側面の二等辺三角形の高さが 5cm の正四角錐について、次の問いに答えなさい。

(1) 側面積を求めなさい。

(2) 表面積を求めなさい。

(3) 角錐の高さは 4cm です。体積を求めなさい。



解答

1 (1) $60\pi\text{cm}^2$ (2) 底面積 $9\pi\text{cm}^2$ 表面積 $78\pi\text{cm}^2$ (3) $90\pi\text{cm}^3$

●解き方

(1) 底面の円の周の長さは、 $2\pi \times 3 = 6\pi$ (cm)

だから、側面積は、 $10 \times 6\pi = 60\pi$ (cm^2)

(2) 1つの底面積は、 $\pi \times 3^2 = 9\pi$ (cm^2) 表面積は、 $60\pi + 9\pi \times 2 = 78\pi$ (cm^2)

(3) $\pi \times 3^2 \times 10 = 90\pi$ (cm^3)

2 (1) 60cm^2 (2) 96cm^2 (3) 48cm^3

●解き方

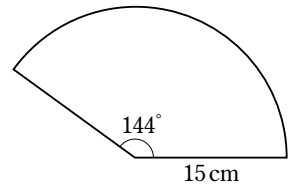
(1) 側面の1つの二等辺三角形の面積は、 $6 \times 5 \div 2 = 15$ (cm^2)

だから、側面積は、 $15 \times 4 = 60$ (cm^2)

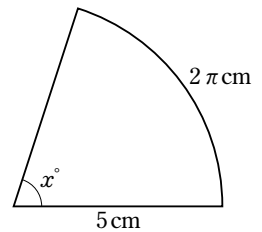
(2) 底面積は、 $6 \times 6 = 36$ (cm^2) だから、表面積は、 $60 + 36 = 96$ (cm^2)

(3) $\frac{1}{3} \times 36 \times 4 = 48$ (cm^3)

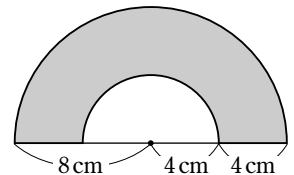
- 1 右の図のようなおうぎ形があります。
弧の長さとな積を求めなさい。(ただし、円周率は π とする。)



- 2 半径 5 cm, 弧の長さ 2π cm のおうぎ形があります。
このおうぎ形の中心角の大きさを求めなさい。



- 3 右の図のかげをつけた部分の周の長さとな積を求めなさい。



解答

- 1 弧の長さ 12π cm 面積 90π cm²

●解き方 弧の長さは、 $2\pi \times 15 \times \frac{144}{360} = 12\pi$ (cm) 面積は、 $\pi \times 15^2 \times \frac{144}{360} = 90\pi$ (cm²)

- 2 72°

●解き方 おうぎ形の中心角を x° とすると、 $2\pi \times 5 \times \frac{x}{360} = 2\pi$ $x = \frac{360}{5} = 72$

- 3 周の長さ $12\pi + 8$ (cm) 面積 24π cm²

●解き方

周の長さは、2つの半円の弧の長さとな、直線部分の長さに分けて考える。

$$2\pi \times 8 \times \frac{1}{2} + 2\pi \times 4 \times \frac{1}{2} + 4 \times 2 = 12\pi + 8 \text{ (cm)}$$

面積は、大きい半円の面積から小さい半円の面積をひいて求める。

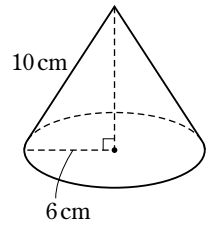
$$\pi \times 8^2 \times \frac{1}{2} - \pi \times 4^2 \times \frac{1}{2} = 24\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

1 底面の半径が 6cm で、母線の長さが 10cm の円錐について、次の問いに答えなさい。

(1) この円錐の展開図をかくとき、側面のおうぎ形の中心角は何度になりますか。

(2) 円錐の側面積を求めなさい。

(3) この円錐の高さを測ったら、8cm でした。円錐の体積を求めなさい。



2 空間内の 2 直線の位置関係では、同じ平面上にあって、交わる場合と交わらない場合があります。交わらない場合を何といいますか。

また、同じ平面上になくて、交わらない場合を何といいますか。

解答

1 (1) 216° (2) $60\pi \text{ cm}^2$ (3) $96\pi \text{ cm}^3$

●解き方

(1) 側面のおうぎ形の中心角を x° とすると、おうぎ形の弧の長さと、底面の円の周の長さは等しいから、

$$2\pi \times 10 \times \frac{x}{360} = 2\pi \times 6$$

$$x = 360 \times \frac{6}{10} = 216$$

(2) $\pi \times 10^2 \times \frac{216}{360} = 100\pi \times \frac{3}{5} = 60\pi \text{ (cm}^2\text{)}$

(3) $\frac{1}{3} \times \pi \times 6^2 \times 8 = 96\pi \text{ (cm}^3\text{)}$

2 同じ平面上にあって交わらない場合 平行 同じ平面上になくて交わらない場合 ねじれの位置